## Formulaire de dérivées usuelles

Lorsqu'on indique "dérivable", cela signifie que la fonction f est dérivable, i.e. que  $D_{f'}=D_f$ .

|   | f(x)                            | $D_f$            | $D_{f'}$          | f'(x)                         |                         |                  |
|---|---------------------------------|------------------|-------------------|-------------------------------|-------------------------|------------------|
| $(\alpha \in \mathbb{R})$   | $x^{\alpha}$                    | $\mathbb{R}_+^*$ | dérivable         | $\alpha x^{\alpha-1}$         |                         | $(avec 0^0 = 1)$ |
| $(n \in \mathbb{N}^*)$  | $x^n$                           | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $nx^{n-1}$                    |                         | $(avec 0^0 = 1)$ |
| $(n \in \mathbb{N}^*)$  | $\frac{1}{x^n} = x^{-n}$        | $\mathbb{R}^*$   | dérivable         | $-nx^{-n-1}$                  | $= -\frac{n}{x^{n+1}}$  |                  |
| (similaire pour $x^{\frac{1}{2p}}$ )  | $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$    | $\mathbb{R}_+$   | $\mathbb{R}_+^*$  | $\frac{1}{2}x^{-\frac{1}{2}}$ | $=\frac{1}{2\sqrt{x}}$  |                  |
| (similaire pour $x^{\frac{1}{2p+1}}$ )  | $\sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}}$ | $\mathbb{R}$     | $\mathbb{R}^*$    | $\frac{1}{3}x^{-\frac{2}{3}}$ | $=\frac{1}{3x^{2/3}}$   |                  |
|   | x                               | $\mathbb{R}$     | $\mathbb{R}^*$    | $\frac{x}{ x }$               | = signe(x)              |                  |
|   | $e^x$                           | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $e^x$                         |                         |                  |
|   | $\ln x$                         | $\mathbb{R}_+^*$ | dérivable         | $\frac{1}{x}$                 |                         |                  |
|   | $\cos x$                        | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $-\sin x$                     |                         |                  |
|   | $\sin x$                        | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $\cos x$                      |                         |                  |
| $D_{\tan} = \mathbb{R} \setminus \left(\frac{\pi}{2} + \pi \mathbb{Z}\right)$ | $\tan x$                        | $D_{ m tan}$     | dérivable         | $1 + \tan^2 x$                | $=\frac{1}{\cos^2 x}$   |                  |
|   | $\arccos x$                     | -1,1             | $\Big]-1,1 \Big[$ | $-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$     |                         |                  |
|   | $\arcsin x$                     | -1,1             | $\Big]-1,1 \Big[$ | $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$      |                         |                  |
|   | $\arctan x$                     | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $\frac{1}{1+x^2}$             |                         |                  |
|   | $\mathrm{ch}x$                  | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $\mathrm{sh}x$                |                         |                  |
|   | $\operatorname{sh} x$           | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $\mathrm{ch}x$                |                         |                  |
|   | thx                             | $\mathbb{R}$     | dérivable         | $1 - th^2 x$                  | $= \frac{1}{\cosh^2 x}$ |                  |

Autres formules de dérivations à connaitre :

$$(u\pm v)'=u'\pm v' \qquad (\lambda u)'=\lambda u' \qquad (uv)'=u'v+v'u \qquad \left(\frac{1}{u}\right)'=-\frac{u'}{u^2} \qquad \left(\frac{u}{v}\right)'=\frac{u'v-v'u}{v^2}$$

$$v \text{ quelconque } v(x) = \sqrt{x} v(x) = x^n v = \exp v = \ln$$

$$(v \circ u)' = (v' \circ u) \times u' (\sqrt{u})' = \frac{1}{2\sqrt{u}}u' (u^n)' = nu^{n-1}u' (e^u)' = u'e^u (\ln u)' = \frac{u'}{u}$$

## Formulaire de primitives usuelles

On note  $\int_{-x}^{x} f$  pour désigner une primitive générique de f. Pour les avoir toutes, il faut rajouter une constante d'intégration a priori distincte pour chaque intervalle.

|   | f(x)                            | $D_f$            | $\int^x f$                          |  |
|---|---------------------------------|------------------|-------------------------------------|--|
| $(\alpha \in \mathbb{R},  \alpha \neq -1)$                                    | $x^{\alpha}$                    | $\mathbb{R}_+^*$ | $\frac{x^{\alpha+1}}{\alpha+1}$     |  |
|   | $\frac{1}{x}$                   | $\mathbb{R}^*$   | $\ln  x $                           |  |
| $(n \in \mathbb{N}^*)$  | $x^n$                           | $\mathbb{R}$     | $\frac{x^{n+1}}{n+1}$               |  |
| $(n \ge 2, n \text{ entier})$   | $\frac{1}{x^n} = x^{-n}$        | $\mathbb{R}^*$   | $\frac{1}{-n+1} x^{-n+1}$           |  |
| (similaire pour $x^{\frac{1}{2p}}$ )  | $\sqrt{x} = x^{\frac{1}{2}}$    | $\mathbb{R}_{+}$ | $\frac{2}{3}x^{3/2}$                |  |
| (similaire pour $x^{\frac{1}{2p+1}}$ )  | $\sqrt[3]{x} = x^{\frac{1}{3}}$ | $\mathbb{R}$     | $\frac{3}{4}x^{4/3}$                |  |
| $(\lambda \neq 0)$  | $e^{\lambda x}$                 | $\mathbb{R}$     | $\frac{1}{\lambda}e^{\lambda x}$    |  |
|   | $\mathrm{ch}x$                  | $\mathbb{R}$     | $\mathrm{sh}x$                      |  |
|   | $\mathrm{sh}x$                  | $\mathbb{R}$     | $\mathrm{ch} x$                     |  |
|   | hx                              | $\mathbb{R}$     | $\ln(\mathrm{ch}x)$                 |  |
| $(\lambda \neq 0)$  | $\cos(\lambda x)$               | $\mathbb{R}$     | $\frac{1}{\lambda}\sin(\lambda x)$  |  |
| $(\lambda \neq 0)$  | $\sin(\lambda x)$               | $\mathbb{R}$     | $-\frac{1}{\lambda}\cos(\lambda x)$ |  |
| $D_{\tan} = \mathbb{R} \setminus \left(\frac{\pi}{2} + \pi \mathbb{Z}\right)$ | $\tan x$                        | $D_{	an}$        | $-\ln \cos x $                      |  |
|   | $-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$       | $\big]-1,1\big[$ | $\arccos x$                         |  |
|   | $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$        | $\big]-1,1\big[$ | $\arcsin x$                         |  |
|   | $\frac{1}{1+x^2}$               | $\mathbb{R}$     | $\arctan x$                         |  |

Autres formules de primitivation à connaître : ici, les ... désignent une constante qu'il faut retrouver au cas par cas.

$$\int u'(ax+b) = \dots u(ax+b) \qquad \qquad \boxed{\int \frac{u'}{u} = \ln|u|} \qquad \qquad \int u'e^u = e^u$$